



Моделирование процесса обледенения цилиндра с помощью CFD-DEM подхода используя пакеты YADE и OpenFOAM

Дарья Романова, Сергей Стрижак

Институт системного программирования им. В.П. Иванникова РАН, Москва

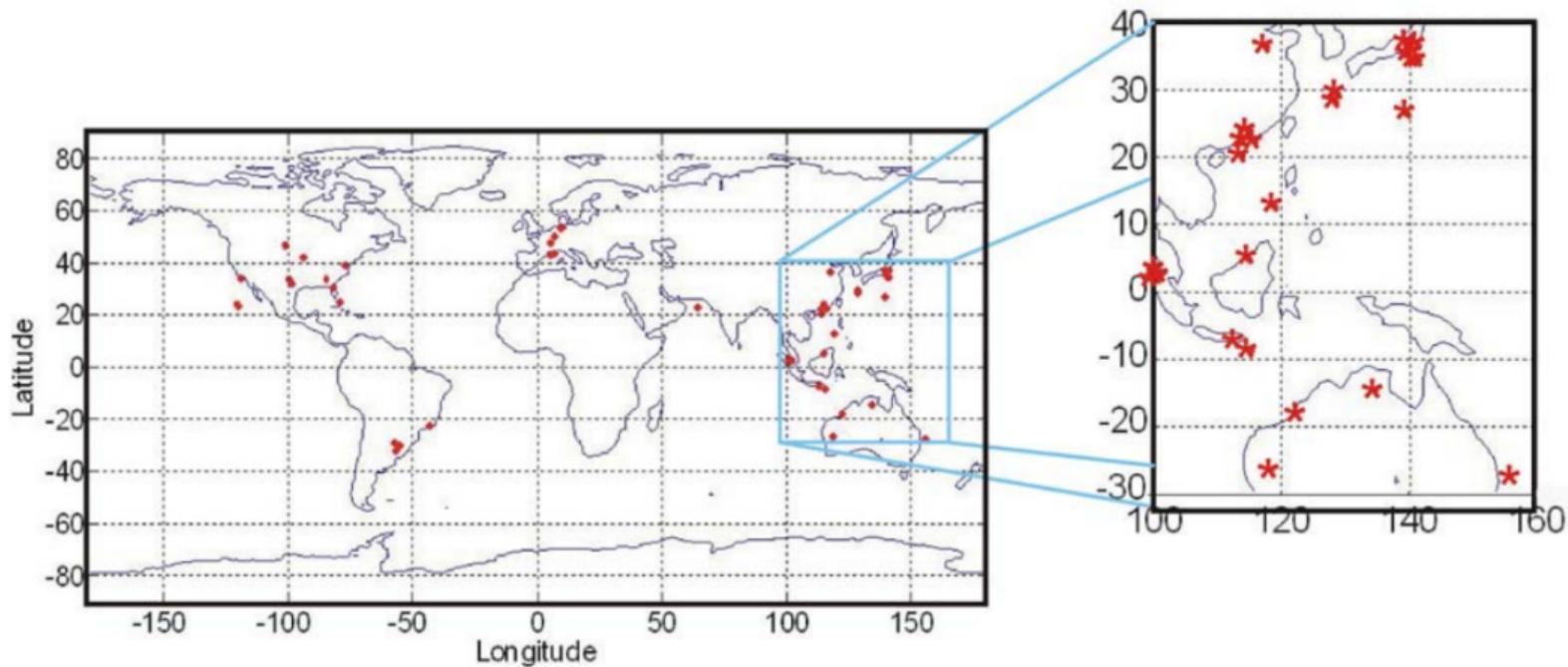
2020



Обледенение линий электропередач (PootsMakkonen2000)



Ледяные наросты на поверхности секции крыла



Геолокация 46 инцидентов с потерей мощности из-за обледенения в условиях снега и метели (MasonStrappChow2006)

В данной работе рассматривается задача обтекания потоком воздуха с кристаллами снега модельного тела.

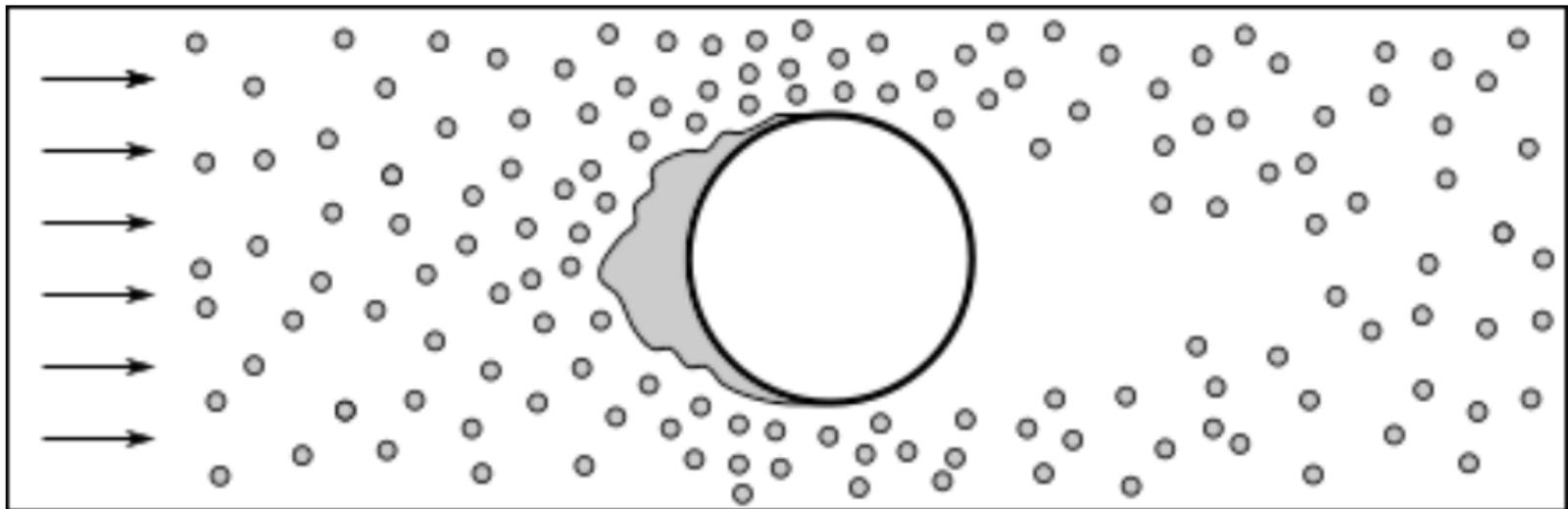


Схема задачи обледенения цилиндра

- ▶ Обтекаемое модельное тело: цилиндр радиусом $R = 10$ см
- ▶ Обтекание в трубе прямоугольного поперечного сечения
- ▶ Частицы имеют сферическую форму и разные диаметры $d = 3 \pm 1.5$ мм
- ▶ Расчетная область представляет собой параллелепипед с размерами $1 \times 0.4 \times 0.4$ м³
- ▶ Количество расчетных ячеек для CFD расчета составило 240000
- ▶ Плотность частиц в расчетной области задавалась равной 1000 шт./м³

В работе используется Эйлер-Лагранжев подход — сопряженный метод на базе методов вычислительной газодинамики и метода дискретных элементов (МДЭ).

Математическая модель МДЭ

Баланс сил и крутящих моментов для частицы с индексом i выглядит так:

$$m_i \ddot{\mathbf{x}}_i = \mathbf{F}_{i,n} + \mathbf{F}_{i,t} + \mathbf{F}_{i,f} + \mathbf{F}_{i,b}, \quad I_i \frac{d\boldsymbol{\omega}_i}{dt} = \mathbf{r}_{i,c} \times \mathbf{F}_{i,t} + \mathbf{T}_{i,r},$$

$\mathbf{F}_{i,n}$ — нормальная составляющая силы взаимодействия частиц,

$\mathbf{F}_{i,t}$ — тангенциальная составляющая силы взаимодействия частиц,

$\mathbf{F}_{i,f}$ — сила, которую окружающая жидкая фаза может оказывать на частицы,

$\mathbf{F}_{i,b}$ — другие массовые силы,

$\mathbf{T}_{i,r}$ — дополнительный крутящий момент, приложенный к частице.

Математическая модель вычислительной гидродинамики

Рассматривается точечное взаимодействие частиц и сплошной среды (частицы не рассматриваются как отдельная фаза). В этом случае уравнения Навье-Стокса и уравнение неразрывности записываются следующим образом:

$$\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial t} + \nabla \cdot (\mathbf{U}\mathbf{U}) = -\frac{\nabla p}{\rho} + \nabla \tau + \mathbf{f}_h, \quad \nabla \cdot \mathbf{U} = 0.$$

\mathbf{U} — скорость сплошной среды,

p — давление,

ρ — плотность среды,

τ — тензор вязких напряжений,

\mathbf{f}_h — сила, возникающая в следствии взаимодействия частиц с потоком.

Взаимодействие частиц с потоком

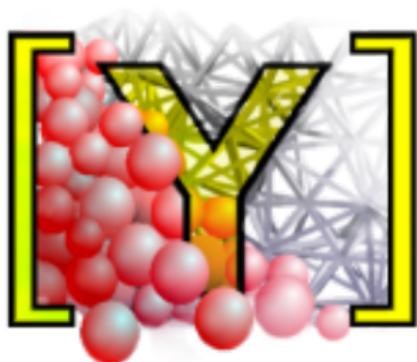
Сила, действующая на частицу со стороны потока представляется в виде точечной силы:

$$\mathbf{F}_h = 3\pi\mu d_p(\mathbf{U}_f - \mathbf{U}_p).$$

Данная сила, действующая на сплошную среду со стороны частиц (объёмная сила):

$$\mathbf{f}_h = -\mathbf{F}_h/V_c\rho_f.$$

Для расчёта поставленной задачи используется объединение двух свободно распространяемых пакетов с открытым исходным кодом: YADE и OpenFOAM.

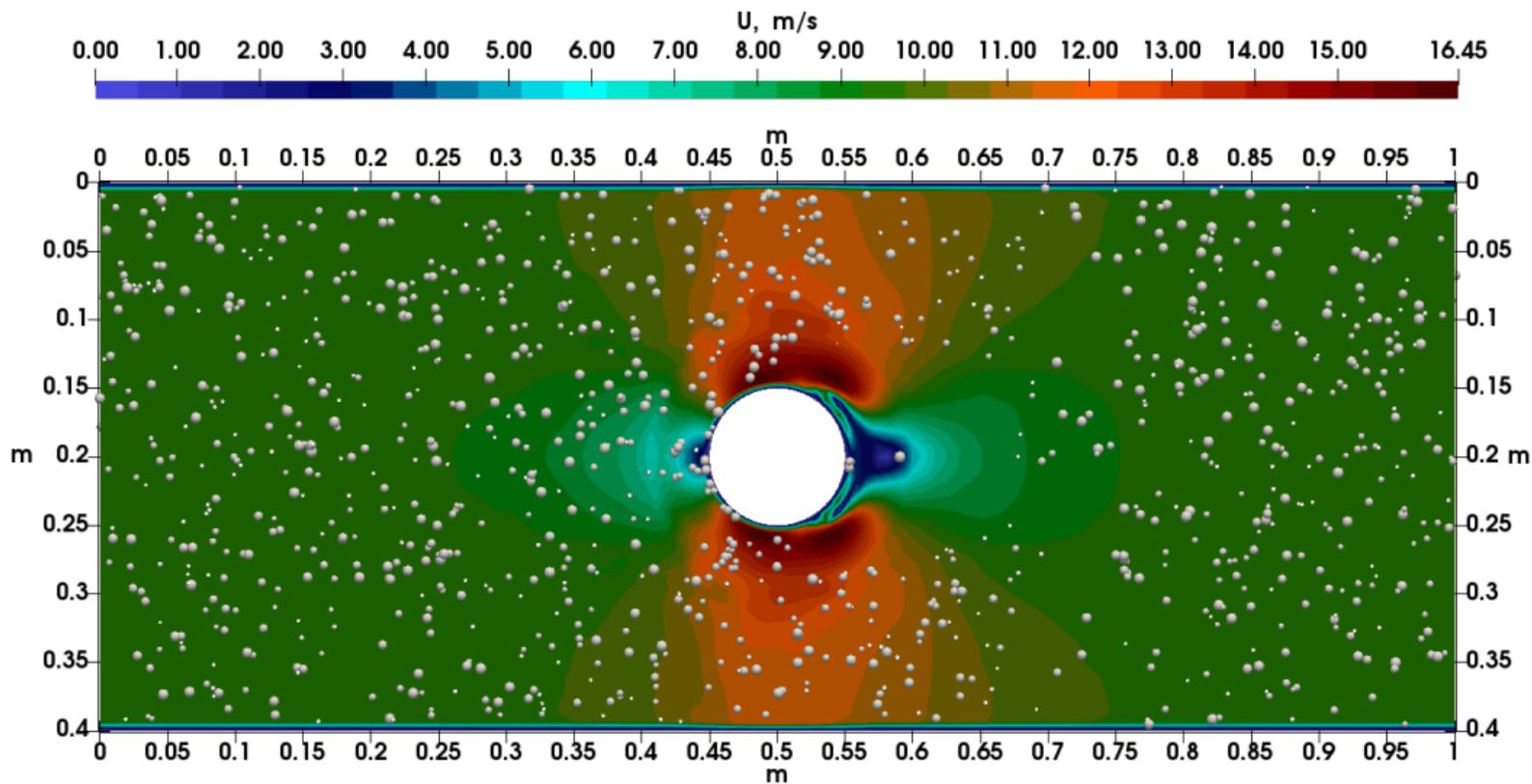


Open  FOAM

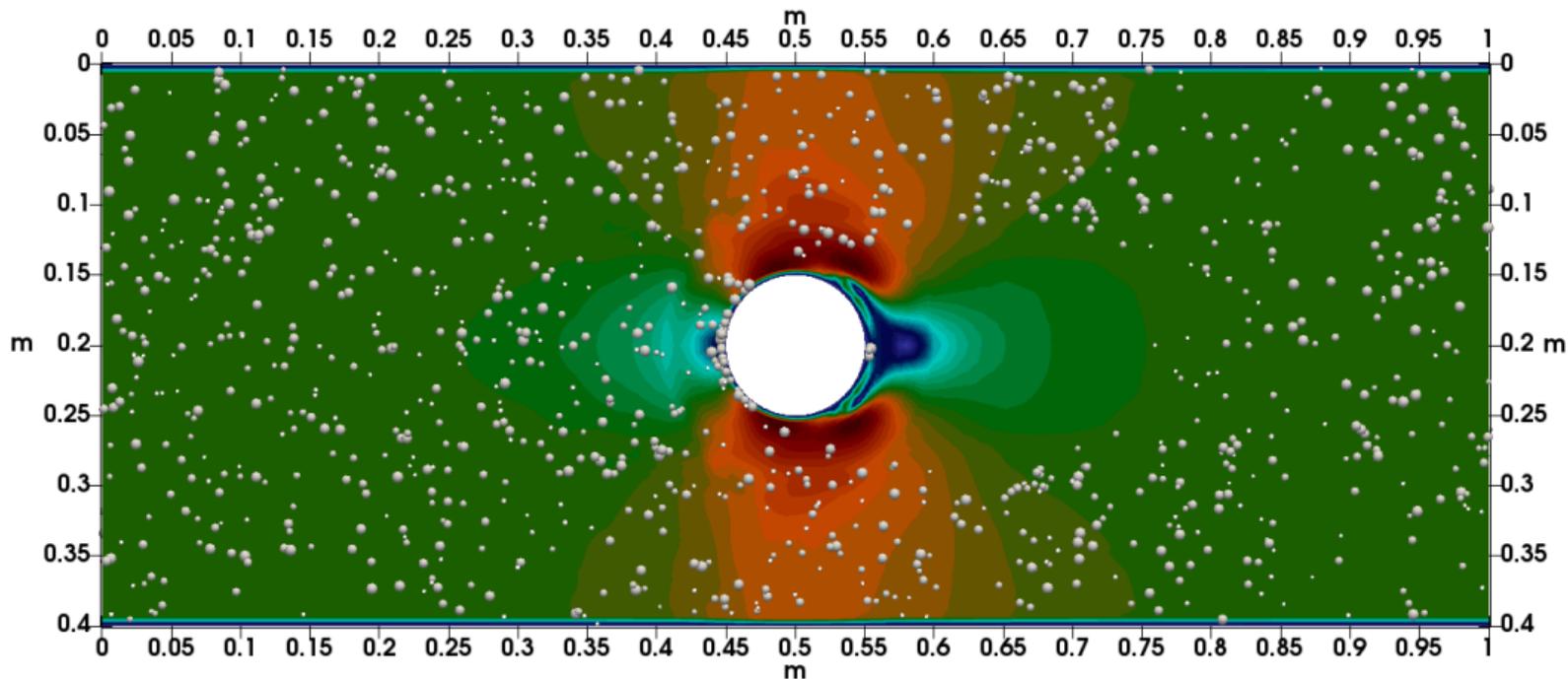
Моделируется обтекание цилиндра в трубе прямоугольного поперечного сечения.

- ▶ На стенках трубы задано условие прилипания.
- ▶ На входе и выходе из рассматриваемой области трубы заданы циклические граничные условия.
- ▶ На входе и выходе из расчётной области скорость потока составляет 10 м/с.

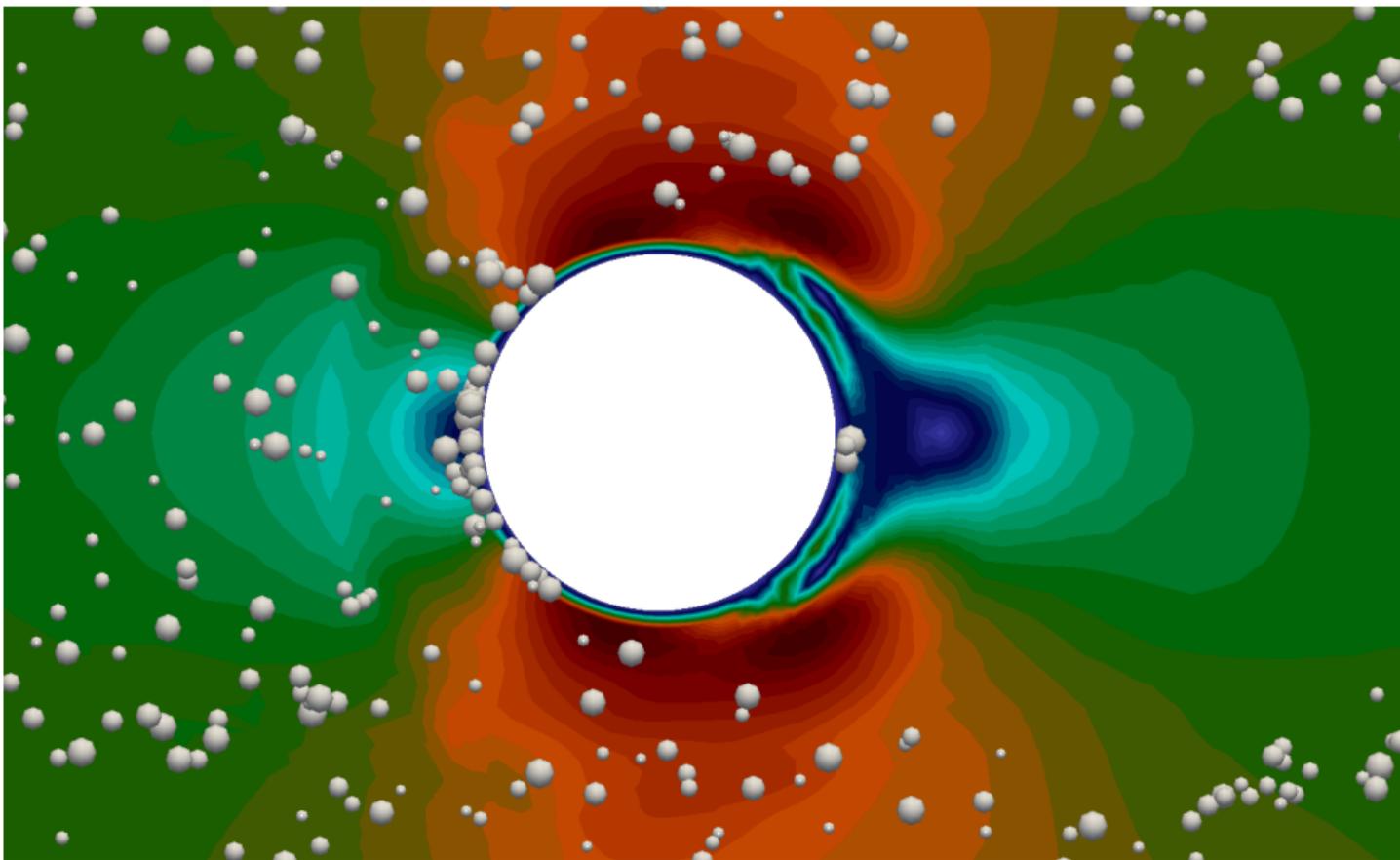
	Поток	Частицы	Цилиндр
Материал	воздух	снег	сталь
Плотность, кг/м ³	1.2	50	7700
Вязкость, м ² /с	$1.74 \cdot 10^7$		
Модуль юнга		10^{10}	$2 \cdot 10^{10}$
Коэффициент Пуассона		0.3	0.3
Угол трения		15°	15°



Time = 4 s



Time = 8 s



В работе было проведено моделирование обтекания цилиндра потоком воздуха в трубе прямоугольного поперечного сечения. Было рассчитано 8 секунд процесса, по результатам расчёта можно сделать следующие выводы:

- ▶ метод дискретных элементов хорошо подходит для моделирования адгезии ледяных кристаллов на поверхности модельного тела,
- ▶ максимальная толщина ледяного нароста по нормали к обтекаемому телу составила 2 см,
- ▶ средняя толщина ледяного нароста по нормали к обтекаемому телу составила 1 см,
- ▶ угол налипания снежной корки составил 110° .

Данный подход представляется перспективным в силу возможности моделировать напряжённо-деформированное состояние ледяной корки, процесс её разрушения, взаимодействие частиц сложной формы.

СПАСИБО ЗА ВНИМАНИЕ!